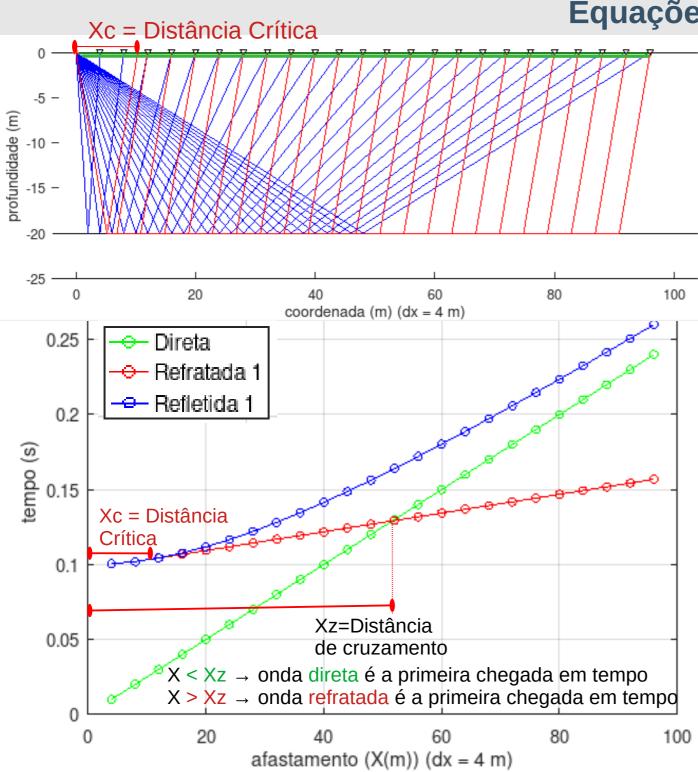


### Equações tempo-distância (t(x))



onda direta: 
$$t(x) = \frac{X}{V_1}$$

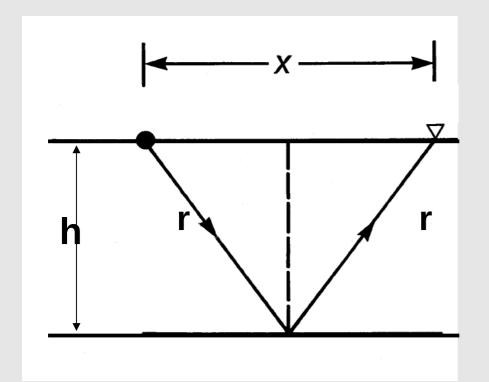
onda refratada:

$$t(x) = \frac{X}{V_2} + \frac{2h\cos(i_c)}{V_1}$$
$$t_i = \frac{2h\cos(i_c)}{V_1}$$
$$h = \frac{V_1 t_i}{2\cos(i_c)}$$

onda refletida:

$$t^{2}(x) = t_{0}^{2} + \frac{X^{2}}{V_{1}^{2}}$$
$$t_{0} = \frac{2h}{V_{1}}$$

#### **Onda refletida**



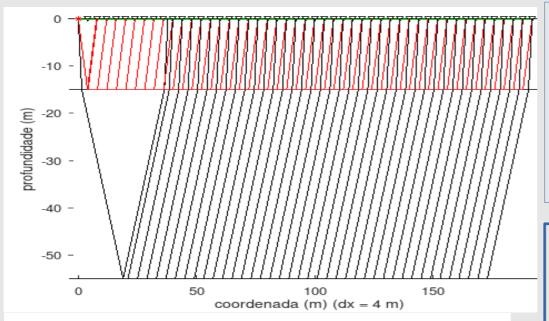
$$t(x) = \frac{2r}{V_1}$$

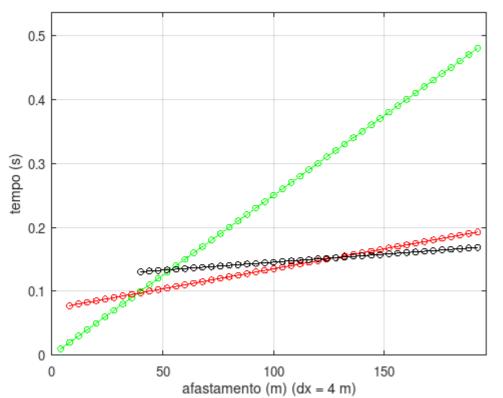
$$r^2 = h^2 + (X/2)^2$$

$$t^{2}(x) = \left(\frac{2h}{V_{1}}\right)^{2} + \frac{X^{2}}{V_{1}^{2}}$$

$$t^{2}(x) = t_{0}^{2} + \frac{X^{2}}{V_{1}^{2}} \qquad t_{0} = \frac{2h}{V_{1}}$$

# Modelo de três camadas (duas interfaces)





curva tempo-distância da refração crítica na primeira interface:

$$t_2(x) = \frac{X}{V_2} + \frac{2h_1\cos(i_{12})}{V_1}$$

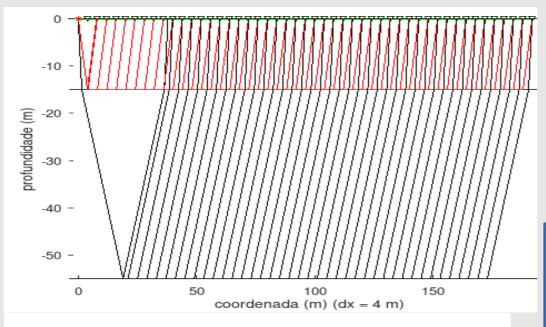
curva tempo-distância da refração crítica na segunda interface:

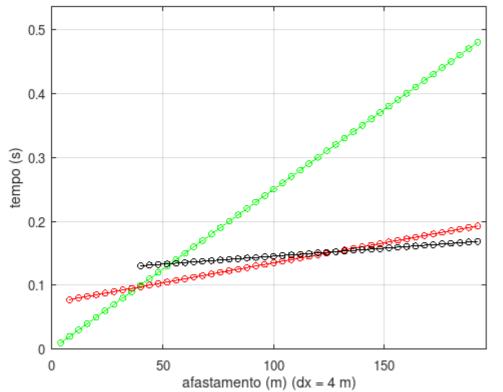
$$t_3(x) = \frac{X}{V_3} + \frac{2h_1 \cos(i_{13})}{V_1} + \frac{2h_2 \cos(i_{23})}{V_2}$$

notação para os ângulos de incidência e de refração:

$$i_{ab} = arcsen\left(\frac{V_a}{V_b}\right)$$

# Modelo de três camadas (duas interfaces)





#### **EXERCÍCIO Bônus:**

- Deduzir a equação de tempo para duas camadas  $(t_3(x))$ ;
- Escrever a expressão generalizada para n camadas

curva tempo-distância da refração crítica na segunda interface:

$$t_3(x) = \frac{X}{V_3} + \frac{2h_1 \cos(i_{13})}{V_1} + \frac{2h_2 \cos(i_{23})}{V_2}$$

notação para os ângulos de incidência e de refração:

$$i_{ab} = arcsen\left(\frac{V_a}{V_b}\right)$$